CONVECCION NATURAL BIDIMENSIONAL EN SISTEMAS
SOLARES.ESTADO DE AVANCE
Luis Cardón * ,Irene De Paul
INENCO *,Universidad Nacional de Salta
Buenos Aires 177 ,4400 Salta

BUREN

el presente trabajo se hubica través de revisión bibliografica, la posición de métodos computacionales para el estudio problemas convectivos originados en de aprovechamiento de la energía mar, con respecto a otros métodos, en recular, los experimentales.

segundo lugar, se describe las técnicas méricas usadas en el desarrollo de un mograma de computación para la resolución los problemas mencionados, y se muestran mogrameros resultados obtenidos.

DOUCCION

convección natural es uno de los mismos de transporte de calor y masa de frecuente aparición en sistemas mes. En algunos casos, como en los muros me-Mitchell, o en los colectores a mosifón, para mencionar los más mocidos, la convección natural es usada forzar el flujo de calor en la mección deseada. En otros es un factor de midas de calor, como ocurre entre miertas de un colector o de degradación la calidad de la energía al mezclarse estratos caliente y frios en un tanque acumulación.

y Balcomb (2), el interes por la mección natural en el interior de la del reconocimiento de su cortancia.

este trabajo se ha encarado la lización de un programa BASIC ejecutable na microcomputadora, capás de analizar nas de las muchas situaciones de arés, aquellas que pueden ser sideradas bidimensionales, de geometría pezoidal así como lazos convectivos de misma geometría, sometidos a flujos o

mecario del CONICET

temperaturas conocidas.

En este estado de avance mostraremos los resultados obtenidos, para la geometria más sencilla, el cuadrado, que comparararemos con resultados publicados.

A fin de hubicar esta linea de trabajo en un marco de referencia más general, también hemos encarado una identificación de situaciones tipo, metodologías y rango de aplicación de problemas de convección natural estudiados en la literatura reciente que resumimos en la TABLA I.

Las configuraciones incluidas en ella se han elegido teniendo en cuenta que el estudio de la misma se halla originado en problemas típicos de perdida o ganancia de calor en edificios. En otros casos, como en el de los numerosos trabajos sobre geometrias sencillas, se ha considerado la posibilidad de extensión de sus resultados al rango de nuestro interes.

Entre las técnicas experimentales predominan la intereferometria holográfica de tiempo real sobre modelos reducidos o reales llenos de gases densos (4,5), los modelos reducidos llenos de gases densos con medición de temperaturas y flujos (1) y los modelos reducidos llenos con agua e inyección de tinta, (6,7). Las dos primeras de estas técnicas, representam mejor el problema físico de escala real ya que considera el acoplamiento radiativo entre las paredes del recinto estudiado, en cambio, la tiltima y por la razón opuesta, es conveniente para la validación de codigos computacionales de convección pura.

Debe destacarse también, por su importancia, algunos trabajos sobre modelos a escala real, (8).

En cuanto a los modelos computacionales, se ha hecho muy poco trabajo que contemple la geometrias más complicadas encontradas en edificios.Dentro del alcance limitado de CONVECCION NATURAL BIDIMENSIONAL EN SISTEMAS
SOLARES.ESTADO DE AVANCE
Luis Cardón * ,Irene De Paul
INENCO *,Universidad Nacional de Salta
Buenos Aires 177 ,4400 Salta

BUREN

el presente trabajo se hubica través de revisión bibliografica, la posición de métodos computacionales para el estudio problemas convectivos originados en de aprovechamiento de la energía mar, con respecto a otros métodos, en recular, los experimentales.

segundo lugar, se describe las técnicas méricas usadas en el desarrollo de un mograma de computación para la resolución los problemas mencionados, y se muestran mogrameros resultados obtenidos.

DOUCCION

convección natural es uno de los mismos de transporte de calor y masa de frecuente aparición en sistemas mes. En algunos casos, como en los muros me-Mitchell, o en los colectores a mosifón, para mencionar los más mocidos, la convección natural es usada forzar el flujo de calor en la mección deseada. En otros es un factor de midas de calor, como ocurre entre miertas de un colector o de degradación la calidad de la energía al mezclarse estratos caliente y frios en un tanque acumulación.

y Balcomb (2), el interes por la mección natural en el interior de la del reconocimiento de su cortancia.

este trabajo se ha encarado la lización de un programa BASIC ejecutable na microcomputadora, capás de analizar nas de las muchas situaciones de arés, aquellas que pueden ser sideradas bidimensionales, de geometría pezoidal así como lazos convectivos de misma geometría, sometidos a flujos o

mecario del CONICET

temperaturas conocidas.

En este estado de avance mostraremos los resultados obtenidos, para la geometria más sencilla, el cuadrado, que comparararemos con resultados publicados.

A fin de hubicar esta linea de trabajo en un marco de referencia más general, también hemos encarado una identificación de situaciones tipo, metodologías y rango de aplicación de problemas de convección natural estudiados en la literatura reciente que resumimos en la TABLA I.

Las configuraciones incluidas en ella se han elegido teniendo en cuenta que el estudio de la misma se halla originado en problemas típicos de perdida o ganancia de calor en edificios. En otros casos, como en el de los numerosos trabajos sobre geometrias sencillas, se ha considerado la posibilidad de extensión de sus resultados al rango de nuestro interes.

Entre las técnicas experimentales predominan la intereferometria holográfica de tiempo real sobre modelos reducidos o reales llenos de gases densos (4,5), los modelos reducidos llenos de gases densos con medición de temperaturas y flujos (1) y los modelos reducidos llenos con agua e inyección de tinta, (6,7). Las dos primeras de estas técnicas, representam mejor el problema físico de escala real ya que considera el acoplamiento radiativo entre las paredes del recinto estudiado, en cambio, la tiltima y por la razón opuesta, es conveniente para la validación de codigos computacionales de convección pura.

Debe destacarse también, por su importancia, algunos trabajos sobre modelos a escala real, (8).

En cuanto a los modelos computacionales, se ha hecho muy poco trabajo que contemple la geometrias más complicadas encontradas en edificios.Dentro del alcance limitado de

CONFIGURACION		BETODO	REFERENCIA
T,] T,	Habitaciones separadas por una puerta	Hodelos a escala con Freon.	Weber (1) 1980 Balcomb (2,3)
T, T ₂	Habitaciones comunicadas	Modelos a escala con agua.Inyeccion de tinta.Medicion temp. termocuplas.	Bois (6) 1985
T ₁ T ₂	Recintos parcialmente divididos	Bodelos a escala. Inyeccion de tinta.	Mansteel (7) 1981
	Habitacion con piso parcialmente asoleado	Hodelo escala real. Hedicion de temp. termocuplas.	Ruberg (8) 1979 Citado en (16) d
τ,	Espacios de aire entre vidrios de ventana	Interferometria holografica de tiempo real	Cordier (4) 1985
T ₁ \sqrt{T ₂ }	Colectores solares	Interferometria holografica de tiempo real	Cesini (5) 1984
τ,	Colectores solares	Modelos escala real.Inyeccion de humo.Medicion de temp. termocuplas	Hallermayer (17) 1985
	Canal vertical en muros Trombe-Bitchel	Numerico 2D	Akbari (9) 1979
τ, , τ ₂	Cavidad cuadrada	Numerico 2D y 3D Existen mas de 37 metodos	Wilkes (11) 1966 De Wahl Davis (13) 1882 Presente trabajo
В Б R <u>М</u> b	Cavidad rectangular. Diferentes razones de aspecto, Raleygh, y condiciones de borde	Su revision completa numericos ,analiticos y escapa a las posibi trabajo.	y experimentales

metra revisión, no hemos encontrado en la matura analisis bidimensionales que melderen geometrias otras que las engulares con condiciones de borde de temperaturas o flujos, (a excepción de mos trabajos sobre muro Trombe o mertores solares).Por otro lado existen gos desarrollados para caciones (8) que abarcan un espectro maplio de situaciones y que creemos , susceptibles de adaptación.

TEO DEL PROBLEMA

analiza una cavidad cuadrada en cuyo merior se tiene aire inicialmente en muso y a una temperatura uniforme e igual media de las temperaturas que luego se carán en los bordes izquierdo y

los bordes superior e inferior se han condiciones de borde de tipo meratura conocida y de tipo flujo de

ecuaciones que rigen el fenomeno de ección que se estudiará son (11) :

miento:

mtinuidad :

$$\frac{\partial x}{\partial n} + \frac{\partial^2}{\partial n} = 0$$

in hipotesis que involucran son: propiedades de los fluidos constantes (sto /(t)) << 1/β

disipación viscosa y compresibilidad

preciables

tas ecuaciones llevadas a términos mensionales de tempertura, vorticidad y meas de corriente permiten plantear el mblema mediante las siguientes maciones:

Se han analizado dos situaciones diferentes en la condición de borde para la tempeartura en los bordes superior e inferior.En el primer caso hemos supuesto una variación lineal de la temperatura entre las correspondientes a los bordes laterales.En el segundo hemos supuesto bordes adiabáticos Para ambos casos las condiciones de borde comunes , en las variables primitivas son

Para la temperatura se tiene, para el primer

y para el segundo caso

15 ST . 0

Las ecuaciones 5, 6, 7, y 8 con las condiciones de borde 9, y 13 y 15 respectivamente se resuelven numericamente como sigue.

METODO DE RESOLUCION

Hasta ahora el método de resolución seguido es el desarrollado por Wilkes y Churchill (11) que aplica el método de las direcciones alternantes de Peaceman y Rachford (12).

RESOLUCION NUMERICA

Se discretiza el recinto mediante una red de puntos como la mostrada en la figura 1. Sobre los puntos de la red se resuelven sucesivamente las ecuaciones 5.6,7,y 8 como muestra el diagrama de flujo de la fig 2. Los campos de temperatura y vorticidad se resuelven por el método implicito de las direcciones alternantes desarrollado por Peaceman y Rachford, (12). Este método resuelve el campo de la variable en cuestión, temperatura o vorticidad para un nuevo instante de tiempo t $+\Delta t$ en dos pasos. En el primer paso se calcula el campo de la variable para un tiempo intermedio t $+\Delta t/2$ a partir del campo de la variable al tiempo t. Para ello se discretiza la ec 5 o 6 en forma implicita en y. Recordemos que "implicita en y" significa que los valores de la variable temperatura para el tiempo desconocido t $+\Delta t/2$ a lo largo de la dirección y estan ligados por un sistema de ecuaciones simultâneo.

Se obtiene entonces un sistema de ecuaciones por cada fila (implicito en y) que se resuelve mediante el aigoritmo de Thomas .Se resuelve luego, una por una, cada fila. Resuelto el campo de la variable para el tiempo intermedio se discretiza la ec. 5 o 6 en forma implicita en x y se procede de igual manera.De esta forma, la solución es estable para cualquier intervalo t.

Para discretizar las ec. 5 y 6 en forma implicita en y se reemplazan las derivadas primeras por su discretización utilizando diferencias centradas.

Las derivadas segundas se reemplazan por diferencias segundas, la $\partial^2/\partial y^2$ en términos de la variable para el tiempo t $+\Delta t/2$, mientras que la $\partial^2/\partial x^2$ en términos de las variables para el tiempo conocido t.

Haciendo esto y reordenando los términos tenemos que las formas discretas de las ecuaciones 6 y 7 implicitas en y son

y las mismas ecuaciones implicitas en x son

donde los coeficientes a,b,c,d,e,f se dan en las tablas II,III.

Las condiciones de borde para el caso de temperaturas conocidas se introducen modificando los términos independientes primero y último (lado derecho de las ecuaciones 16-19) como sigue para el caso imlicito en y

Para condición de borde de tipo flujo se usa un método de reflexión (12). Una vez obtenido el campo de vorticidad en los puntos interiores de la grilla podemos calcular los valores de las lineas de corriente.

Para ello debemos resolver la ec 7 de Poissón escrita para la función de corriente:

En el trabajo original (11), la ecuación de Poissón se resuelve por el método de sobrerelajación sucesiva mediante de formula:

en donde w es el parametro de relajación se encuentra por tanteo para cama grilla. Este valor debe estar comprendimientre 1 < w < 2. Cuando w=1 el método tom el nombre de Gauss-Seidel, es más lento per mas estable. Por el momento hemos tomas w=1.

En el cálculo de la vorticidad se tomo : vorticidad inicial y en los bordes com iqual a 0.

Una vez efectuado el mismo se dispone unuevos valores de vorticidad para inpuntos interiores de la grilla.Resucalcular los nuevos valores de vorticidad en los bordes. Para ello desarrolla en serie de Taylor la funcacorriente en el borde en consideración. V partir de alli se obtiene la signe expresión para la vorticidad en el borde.

IMPLEMENTACION COMPUTACIONAL

adiabaticos calculados con

Se ha desarrollado un programa BASIC de resuelve la ecuaciones 5 a 9 mediante têcnica de Wilkes y Churchill (11) que ha desarrollado precedentemente, y segon diagrama de flujo de la fig 2. Si bien nuestros resultados no concuerado todavia con los del trabajo original cuantitativamente, si lo cualitativamente. A título de elementemente de mostramos en la fig 3a y 3b las isolimpara temperatura, vorticidad, funcionriente y componentes x e y se velocidad para N=5 y N=180 para el caso la cavidad cuadrada de bordes horizona.

$$\Delta x = \Delta y = .1$$

L = 1
 $\Delta C = 0.001$
Gr = 20000
Pr = .71

El tiempo de câlculo aproximado para de un nivel de tiempo a otro es de segundos, corriendo el programa en compilado en una microcomputadora Wang coprocesador 8087.Dicho tiempo incluye acceso a disquete, pero se anularon talas salidas por pantalla o impresas.

ha desarrollado un programa BASIC ecutable en microcomputadoras pequenas puede calcular flujos convectivos no macinarios en cavidades cuadradas. Al resente el programa proporciona resultados malitativamente correctos y se corrige mores que afectan su bondad cuantitativa. alcance del programa ha sido extendido exito a la resolución de lazos exectivos cuadrados y se trabaja en la esolución de figuras triangulares y lazos mwectivos que las incluyan.

ERENCIAS

Weber D.D., Kearney R. J., Natural rective Heat Transfer Through an merture in Passive Solar Heated Buildings, National Passive mference, Amherst, 1980.

Balcomb J. D., Heating Remote Rooms in mesive Solar Buildings, Proc. Solar World Brighton, 1981.

Balcomb J. D. ,Heat Distribution by stural Convection, Intersol85 Extended estracts, Montreal, Canada, 1985.

Cordier A. et all, Natural Convection in Test Cell- The Use of a Reduced Scale

Cesini G. et all. An Experimental convective Heat msfer Coefficients in Flat-Plate mlectors, Tagungsbericht Proceedings, 5. mernationales Sonnenforum, Berlin 1984, Vol mag. 182.

Bois J.M., Blay D., Tuhault J.L., Natural entilation Between Adjacent Rooms in musive Heating, Intersol85 Extended metracts, Montreal, Canada, 1985.

Nansteel M. W., Greif R., Natural envection in Unidivided and Partially wided Rectangular Enclosure, Journal of Transfer, Vol 103, November , 1981, pag.

Ruberg K. Heat Distribution of Natural evection: A Modeling Procedure for rlosed Spaces, Master thesis, sachusetts Institute minology, Cambridge, 1978.

Akbari H. , Borgers, Free Convective minar Flow Within the Trombe Wall mannel.Solar Energy Vol 22 Nro 2,1979.

Gadgil A., Bauman F., Kammerud R., etural Convection in Passive Solar midings: Experiments, Analysis, and Results, msive Solar Journal Vol 1 Nro 1,pag.

Converse A. O., Steady-State Analysis of convective Loop, Solar Energy Vol 26, pag .,1981.

Wilkes J. O., Churchill S. W., The mite-difference Computation of Natural evection in a Rectangular Enclosure, I.Ch.E. Journal, Vol 12, Nro 1, pag. 61,1966

12. Douglas J. Jr., Peaceman D. W., Numerical Solution of Two-Dimensional Heat-Flow Problems, A.I.Ch.E Journal Vol 1, Nro 4, pag. 505 ,1955.

13. De Vahl Davis G., Jones J. P., Natural Convection in a Square Cavity: A Comparison Exercise, International Journal of Numerical Methods in Fluids, Vol 3 pag. 227, 1983.

14. Hirt, C.W. et all, SOLA. Numerical Solution Algorithm for Transient Fluid Flow, UC-34, Los Alamos Scientific Laboratory 1975.

15. Martinez b., Ferreri J.C., Convección Natural en un Recipiente Lleno con un Liquido y un Sólido, Revista Latinoamericana de Transferencia de Calor y Materia. Vol 6 Nro 1/2,pag. 1,1982.

17 . Hallermayer R., Free Convective Heat Transfer in Flat Plate Collectors.

NOMENCLATURA

X, y: coordenada vertical y horizontal.

X,Y: cordenadas adimensionales.

L,d: alto y ancho de la cavidad.

L : 1/d

v.v: velocidad en la dirección x e y.

U,V: velocidades adimensionales

t. T: tiempo y tiempo adimensional

g : aceleración de la gravenad. A : coef. vol. de expansión térmica. 0,7 : temperatura y temp. adimensional.

5 : vorticidad.

: función de corriente adimensional.

Br Pr: Grashoff, Prandlt.

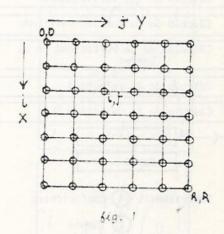
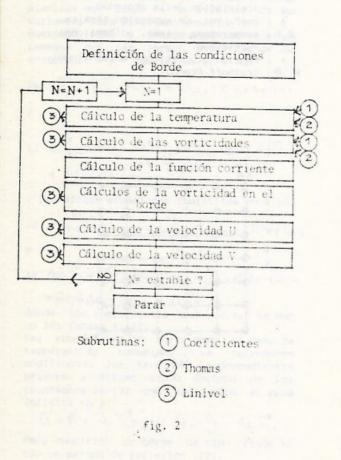
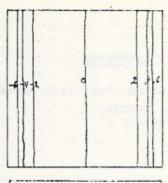


TABLA II : Temperatura				
247.00.223	implícito y	implicito >		
a	$-\frac{V_{\alpha\beta}}{2\Delta y} - \frac{1}{\Delta y^2}$	- Uij . 1 24x - 1		
Ь	$\frac{2}{\Delta \tau} + \frac{2}{\Delta y^2}$	2 + 1 AX2		
С	Vit 1 2 dy dy	U17 1 20X 2X2		
d	$\frac{Uct}{2\Delta X} + \frac{1}{\Delta X^2}$	20X 0 32		
е	$\frac{2}{\Delta C} - \frac{1}{\Delta X^2}$	2 - 1 AYL		
1	$-\frac{Uit}{2\Delta X} + \frac{1}{\Delta X^2}$	$-\frac{\sqrt{i}}{2\delta y} + \frac{1}{\delta y^2}$		

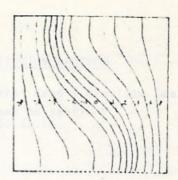
TAI	BLA III : Vort	ticidad
	implícito y	implicito :
a	- Vit - 1	- Ucj - 1
Ь	· 2 + 2	2 + 2 00 Pré
c	20 y - 1 0y2	this - 1
d	1 + 1 Pr 1 X2	20y + 1
е	2 - EAX	केट फिर्ड
f	- 20x + 1 A DX2	- Vit + 1



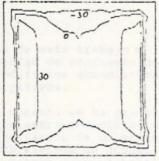




N= 5

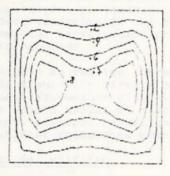


Temperatura



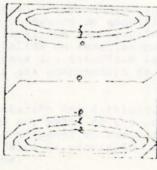


Vorticidad

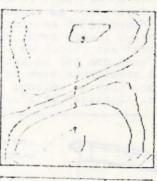


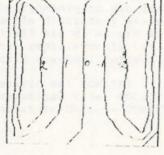


Función Corriente



Velocidad U





Velocidad V



